

問題 I. 以下の空欄 中のア～ヨにあてはまる数または符号を答えよ。ただし、

コ , サ , シ , へ は指定された選択肢のうちからあてはまる番号を 1 つ選べ。

(1) 1800 を素因数分解すると $2^{\text{ア}} \times 3^{\text{イ}} \times 5^{\text{ウ}}$ である。よって、1800 の正の約数の個数は エオ であり、正の約数の総和は カキクケ である。

(2) x, y は実数とする。

(a) 「 $x > 1$ かつ $y > 1$ 」は「 $x + y > 2$ かつ $xy > 1$ 」であるための コ 。

(b) 「 $x^2 \geq 4$ 」は「 $x \geq 2$ 」であるための サ 。

(c) 「 $x^2 + y^2 = 0$ 」は「 $x = y = 0$ 」であるための シ 。

コ , サ , シ の選択肢

- ① 必要十分条件である
- ② 必要条件であるが、十分条件でない
- ③ 十分条件であるが、必要条件でない
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

(3) 5 人の生徒 a, b, c, d, e の 2 つのテスト 1 およびテスト 2 の点数が次の表のようになっている。

	a	b	c	d	e
テスト 1	2	2	4	6	6
テスト 2	3	4	x	5	5

テスト 1 の平均は ス , 分散は セ . ソ である。テスト 2 の平均が 4 であるとき、 $x =$ タ であり、テスト 2 の分散は チ . ツ である。

テスト 1 と テスト 2 の共分散は テ . ト , 相関係数は 0. ナニ である。

(4) $AB = AC = 6$, $BC = 3$ である二等辺三角形 ABC を考える。

$$\cos \angle ABC = \frac{\boxed{\text{ヌ}}}{\boxed{\text{ネ}}} \text{ であり, 辺 } BC \text{ の } B \text{ 側への延長上に点 } D \text{ を } AD = 8 \text{ を満たす}$$

$$\text{ようにとるとき, } \cos \angle ABD = \frac{\boxed{\text{ノハ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}, \text{ } BD = \boxed{\text{フ}} \text{ である。よって,}$$

2組の辺の比 $AD : AC$, $DB : BC$ から $\angle BAD$ $\boxed{\text{ヘ}}$ $\angle BAC$ がわかる。

$\boxed{\text{ヘ}}$ の選択肢

- ① < ② = ③ >

また, 三角形 ABD の面積を S , 外接円の半径を R とすると,

$$S = \boxed{\text{ホ}} \sqrt{\boxed{\text{マミ}}}, \quad R = \frac{\boxed{\text{ムメ}} \sqrt{\boxed{\text{モヤ}}}}{\boxed{\text{ユヨ}}} \text{ である。}$$

問題Ⅱ. 以下の空欄 中のア～ツにあてはまる数を答えよ。

a を定数とし、2 次関数 $f(x) = x^2 - 2ax - a^2 + 3a - 1$ を考える。

(1) 2 次方程式 $f(x) = 0$ が実数解をもつような a の値の範囲は

$$a \leq \frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イ}}}, \boxed{\text{ウ}} \leq a \text{ である。}$$

(2) 2 次方程式 $f(x) = 0$ が正と負の解をもつような a の値の範囲は

$$a < \frac{\boxed{\text{エ}} - \sqrt{\boxed{\text{オ}}}}{\boxed{\text{カ}}}, \frac{\boxed{\text{キ}} + \sqrt{\boxed{\text{ク}}}}{\boxed{\text{ケ}}} < a \text{ である。}$$

(3) 2 次方程式 $f(x) = 0$ が異なる 2 つの正の解をもつような a の値の範囲は

$$\frac{\boxed{\text{コ}} - \sqrt{\boxed{\text{サ}}}}{\boxed{\text{シ}}} < a < \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}}, \boxed{\text{ソ}} < a < \frac{\boxed{\text{タ}} + \sqrt{\boxed{\text{チ}}}}{\boxed{\text{ツ}}} \text{ である。}$$

問題Ⅲ. 以下の空欄 中のア～シにあてはまる数を答えよ。

袋 A には赤球が 3 個，白球が 6 個入っていて，袋 B には赤球が 4 個，白球が 5 個入っている。それぞれの袋から無作為に 2 個ずつ，計 4 個を取り出す。

(1) 取り出した 4 個がすべて赤球である確率は $\frac{\boxed{\text{ア}}}{\boxed{\text{イウ}}}$ である。

(2) 取り出した 4 個のうち少なくとも 1 個が赤球である確率は $\frac{\boxed{\text{エオカ}}}{\boxed{\text{キクケ}}}$ である。

(3) 取り出した 4 個が赤球 2 個，白球 2 個のとき，取り出した赤球 2 個がともに袋 A から取り出される条件付き確率は $\frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サシ}}}$ である。