

2024年度 一般入試A日程

数 学

[注 意 事 項]

- 試験開始の合図があるまで、問題冊子の中を見てはいけません。
- 問題冊子の出題科目、ページ等は、下表のとおりです。監督者の指示に従って確認しなさい。

| 出題科目 | 大問題番号 | ページ | 受験対象 |
|-----------|------------|--------|--------------------------|
| 数学 I・A | I・II・III A | 1～3 | 人間社会学群 医療保健学部 看護学部 |
| 数学 I・II・A | I・II・III B | 1～2, 4 | 薬学部 |

- 解答用紙はマークシート1枚です。
- 問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- マークは、問題冊子裏表紙の「数学 マークシート記入上の注意」をよく読んだうえで、正しくマークしなさい。
- 受験番号及び氏名は、解答用紙（マークシート）の所定欄に正確に記入し、また受験番号欄の番号を正しくマークしなさい。
- 問題冊子の中にある余白ページを下書き用紙として利用してもかまわない。
- 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

数 学

(60分 100点)

解 答 上 の 注 意

問題の文中の **ア**, **イウ** などの **□** には、特に指示のないかぎり、数値が入る。これらを、問題冊子の裏表紙に記載してある「マーク・シート記入上の注意」の要領で、所定の解答欄に正しくマークしなさい。

I 次の[問1]～[問4]に答えなさい。(30点)

[問1] $\angle BAC = 120^\circ$, $CA = 2$, $CB = \sqrt{6}$ の三角形ABCについて,

$AB = \sqrt{\boxed{ア}} - \boxed{イ}$ であり, $\angle ABC = \boxed{ウエ}$ °である。

[問2] 直角をはさむ二辺の長さの和が12cmで、面積が 16cm^2 以上の直角三角形

を作る。直角をはさむ二辺のうち、一辺の長さを $x\text{cm}$ とすると、 x のとる値

の範囲は $\boxed{オ} \leqq x \leqq \boxed{カ}$ であり、このとき、斜辺の長さを ℓcm

とすると、 ℓ の平方 ℓ^2 の最大値は $\boxed{キク}$ である。

[問3] $x = \frac{3+\sqrt{5}}{3-\sqrt{5}}$, $y = \frac{3-\sqrt{5}}{3+\sqrt{5}}$ であるとき、 $x^2 - y^2 = \boxed{ケコ}\sqrt{\boxed{サ}}$ で

あり、 $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \boxed{シ}$ である。

[問4] 2024の正の約数は、全部で $\boxed{スセ}$ 個ある。また、 $\sqrt{2024 \times n}$ が正の整数

となるような最小の正の整数 n は $\boxed{ソタチ}$ である。

III a を定数とし, x の 2 次関数 $f(x)$ を $f(x) = x^2 - (a-1)x + a + 2$ と定める。

$y = f(x)$ の表すグラフを C とする。次の[問 1]～[問 4]に答えなさい。(30点)

[問 1] C が x 軸と共有点をもたないような a のとりうる値の範囲は

- ア < a < イ である。

[問 2] C が x 軸から切り取る線分の長さが 3 であるとき, $a = -$ ウ,

エ である。

[問 3] C と x 軸の共有点が 2 つあり, 1 つが $-3 < x < -2$ の範囲に, もう 1 つが $-1 < x < 0$ の範囲にあるとき, a のとりうる値の範囲は,

- オ < a < $-\frac{\text{カ}}{\text{キ}}$ である。

[問 4] C と x 軸が $|x| < 5$ の範囲に異なる 2 つの共有点をもつとき, a のとりう

る値の範囲は $-\frac{\text{クケ}}{\text{コ}} < a < -$ サ, シ < $a <$ ス で

ある。

〔Ⅲ A, Ⅲ B は選択問題です。問題冊子の表紙で指定された科目を解答しなさい。〕
〔数学 I・A を受験科目とした者はⅢ A, 数学 I・II・A を受験科目とした者は
Ⅲ B を解答しなさい。〕

〔Ⅲ A〕 1 から 6 までの 6 個の整数から、異なる 4 個を選び、横一列に並べて 4 桁の自然数を作る。次の〔問 1〕～〔問 4〕に答えなさい。(40点)

〔問 1〕 自然数は全部で アイウ 個できる。

〔問 2〕 1 も 2 も含まない自然数は エオ 個できる。また、1 を含むが 2 を含まない自然数は カキ 個できる。

〔問 3〕 1 も 2 も含む自然数は クケコ 個できる。

〔問 4〕 1 も 2 も含む自然数のうち、千の位が 1 であるものは サシ 個、一の位も千の位も 1 と異なるものは スセ 個できる。

$\left. \begin{array}{l} \text{III A, III B は選択問題です。問題冊子の表紙で指定された科目を解答しなさい。} \\ \text{数学 I・A を受験科目とした者は III A, 数学 I・II・A を受験科目とした者は} \\ \text{III B を解答しなさい。} \end{array} \right\}$

III B O を原点とする座標平面上に、円 $C: x^2 + y^2 = 10$ と直線 $L: y = m(x - 5) + 5$ がある。ただし、 m は定数とする。次の[問 1]～[問 4]に答えなさい。(40点)

[問 1] $m = 2$ のとき、直線 L と円 C の共有点の座標は、(ア , イ),
ウ, エ) である。

[問 2] 直線 L は m の値にかかわらず、つねに定点 (オ , カ) を通る。この点を A とする。

[問 3] 直線 L が円 C に接するとき、接点と[問 2]で求めた点 A を結ぶ線分の長さは キ $\sqrt{$ クケ } である。このとき、直線 L と円 C の接点、点 A および原点 O を通る円の方程式は、
 $x^2 + y^2 -$ コ $x -$ サ $y =$ シ である。

[問 4] 円 C が直線 L から切り取る線分の長さが 6 であるような m の値を考える。

原点 O から L に垂線を下ろし、 L との交点を H とすると、 $OH =$ ス

であることから、 $m = \frac{\text{セ}}{\text{ソ}}, \frac{\text{タ}}{\text{チ}}$ である。ただし、

$\frac{\text{セ}}{\text{ソ}} < \frac{\text{タ}}{\text{チ}}$ とする。

下　書　き

下　書　き

数学 マークシート記入上の注意

問題の文中の **ア**, **イウ** などの **□** には、特に指定のないかぎり、数値が入ります。これらを、次の要領で所定の解答欄に正しくマークしなさい。

- (1) ア, イ, ウ, ……の1つ1つは、それぞれ 0 から 9 までの数字のいずれか1つに対応します。それらをア, イ, ウ, ……で指定された解答欄に記入しなさい。

[例] **アイ**

に 15 と

答えたいとき、

| I | 解 答 欄 | | | | | | | | | |
|---|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| ア | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| イ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |

ア

イ

に $\frac{3}{4}$ と

答えたいとき、

| II | 解 答 欄 | | | | | | | | | |
|----|-------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| ア | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| イ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |

- (2) 分数形の解答は共通因数を約分し、根号の中の解答では平方数の因数を根号の外に出して答えなさい。

[誤答例] $\frac{6}{8}$ 正解は $\frac{3}{4}$

$3\sqrt{8}$ 正解は $6\sqrt{2}$

- (3) 数学の解答欄は0から始まります。

- (4) マークシート一番下の※印の欄は記入しないこと。